DOI: 10.19416/j. cnki. 1674 - 9804. 2018. 03. 022

# 复合材料层压板圆角区面外受载失效分析 Failure Analysis in the Corner Radius of a Composite Laminate under Out-of-Plane Load

陈亚军 / CHEN Yajun

(上海飞机设计研究院,上海201210)

(Shanghai Aircraft Design and Research Institute, Shanghai 201210, China)

#### 摘 要:

为了研究复合材料层压板圆角区在面外载荷作用下的失效过程,基于 ABAQUS 有限元软件中的连续壳单元 和 cohesive 单元建立了有限元模型,在该模型中,采用 hashin 准则预测面内损伤,而对于圆角区分层损伤的 起始与扩展,则采用 cohesive 单元进行模拟。采用该模型对复合材料层压板圆角区在面外载荷作用下的破 坏过程进行仿真,仿真结果与试验结果相比较表明:本文建立的有限元分析模型能较好地模拟复合材料层压 板圆角区在面外载荷作用下的失效过程,并且能较好地预测该结构的承载能力。

关键词:复合材料层压板;圆角区;面内损伤;cohesive 单元;分层

中图分类号:TB33

#### 文献标识码:A



[Abstract] This paper presents the results of numerical investigation concerning failure in the corner radius of a composite laminate under out-of-plane load. A finite element model which consists of continuous shell elements and cohesive elements is developed using ABAQUS finite element code. In the model, hashin criteria is used to determine the interlaminar damage; and the delamination between plies is simulated via cohesive elements. Failure in the corner radius of a composite laminate under out-of-plane load is investigated. Some conclusions are obtained based on the results: the finite element model is so useful that the delamination in the corner radius and the loading capacity of composite laminate can be well predicted.

[Keywords] composite laminate; corner radius; interlaminar damage; cohesive element; delamination

# 0 引言

与金属材料相比,复合材料具有诸多优点,例如 抗疲劳性能强、比强度与比模量高、整体成型工艺容 易实现等,因此,已被广泛应用于民用飞机承力构件 上。民用飞机上的复合材料剪切角片、翼肋圆角、肋 圆角等结构在面外载荷作用下,圆角区在厚度方向 会产生较高的应力水平,而复合材料结构恰恰存在 层间强度低的缺陷,圆角区较高的应力水平极易引 发分层,导致结构的承载能力大大降低,严重威胁到 结构安全。因此,亟需建立一套准确可靠的方法以 预测复合材料层压板圆角区的承载能力。

复合材料层压板圆角区的破坏机理复杂,国内 外学者对此进行了深入的研究。针对曲梁分别在端 部载荷与纯弯载荷作用下,Lekhnitskii<sup>[1]</sup>基于平面应 力假设提出相应的应力分布解析计算方法,从理论 上可预测圆角区的应力分布。侯瑞<sup>[2]</sup>则是基于弹 性力学基本理论,并进行了工程简化,计算得到复合 材料圆角区在面外载荷作用下的应力分布。黄豪杰 等<sup>[3]</sup>采用有限元分析与试验相结合的方法研究了 弯角区域应力沿径向、周向和宽度方向的分布特征。

本文基于有限元分析方法模拟复合材料层压板 圆角区在面外载荷作用下的失效过程,并预测破坏 载荷,旨在验证有限元仿真方法的正确性,建立一套 行之有效的复合材料层压板圆角区失效分析方法。 本文基于 ABAQUS 有限元分析软件建立复合材料 层压板圆角区有限元模型,模型中采用连续壳单元 和 cohesive 单元分别模拟复合材料与层间的胶层。 并对圆角区在面外载荷作用下的失效过程进行仿 真,通过面内损伤和分层损伤准则预测圆角区失效 破坏载荷,比较仿真结果与试验结果,发现两者较符 合,且仿真结果偏保守,由此可见,本文采用的有限 元仿真方法不仅能较好地模拟圆角区失效过程,还 能较好地预测破坏载荷。

# 1 试验简介

试验件包含 A 和 B 两种构型,两者只在厚度上 有所差别,其他尺寸都相同,数量各 6 件,试验件的 铺层顺序见表 1,试验件几何尺寸见图 1,夹持位置 与加载方式见图 2、图 3。

表1 试验件的铺层顺序

构型	铺层顺序	厚度/mm
А	$[(\pm 45)/(0,90)/(\pm 45)_4]_s$	2.59
В	$[(\pm 45)_2/(0,90)/(\pm 45)_4]_s$	3.02



图 1 试验件几何尺寸(单位:mm)



试验件的夹持与加载位置见图 2,加载位置距 自由端 25 mm,夹持位置距自由端 40 mm。试验件 在试验机上的夹持与加载见图 3,试验机上端夹头 夹住加载端,加载端通过螺栓与试验件连接,下端夹 头夹住试验件,对试验件进行固定。通过上夹头向 上运动,实现对试验件的加载。



图 3 试验件的夹持与加载

试验件的失效模式均为圆角处分层破坏,如图 4 所示,试验过程中,靠近弯角内侧率先出现分层, 随着载荷的增加,分层瞬间扩展至整个弯角区域,结 构失去承载能力。两种构型试验件的平均破坏载荷 如表 2 所示。



图 4 分层破坏

表2 破坏载荷

构型	破坏载荷/N
А	2 167
В	2 261

### 2 有限元分析

#### 2.1 失效准则

在载荷作用下,复合材料层压板圆角区容易产 生面内损伤和层间损伤。

2.1.1 面内损伤

针对复合材料层压板圆角区在载荷作用下所产 生的面内损伤,本文采用 hashin 准则<sup>[4]</sup>进行预测。 该准则包括纤维拉伸损伤、纤维压缩损伤、基体拉伸 损伤和基体压缩损伤这四种损伤模式,具体见式 (1)~式(4):

纤维拉伸( $\sigma_{11} \ge 0$ ):

$$F_f^i = \left(\frac{\sigma_{11}}{X_T}\right)^2 + \alpha \left(\frac{\tau_{12}}{S_L}\right)^2 \tag{1}$$

纤维压缩( $\sigma_{11} < 0$ ):

$$F_f^e = \left(\frac{\sigma_{11}}{X_c}\right)^2 \tag{2}$$

基体拉伸(σ<sub>22</sub>≥0):

$$F_m^t = \left(\frac{\sigma_{22}}{Y_T}\right)^2 + \left(\frac{\tau_{12}}{S_L}\right)^2 \tag{3}$$

基体压缩(σ<sub>22</sub> < 0):

$$F_m^c = \left(\frac{\sigma_{22}}{2S_T}\right)^2 + \left[\left(\frac{Y_c}{2S_T}\right)^2 - 1\right]\frac{\sigma_{22}}{Y_c} + \left(\frac{\tau_{12}}{S_L}\right)^2$$
(4)

式(1)~式(4)中: $\sigma_{11}$ 、 $\sigma_{22}$ 、 $\sigma_{12}$ 分别为纤维方向 的正应力、横向正应力、面内的剪切应力; $X_T$ 、 $X_c$ 、  $Y_T$ 、 $Y_c$ 分别为纤维方向的拉伸强度、纤维方向的压 缩强度、横向拉伸强度、横向压缩强度; $S_L$ 、 $S_T$ 分别 为纤维方向剪切强度和横向剪切强度。如果  $F'_f$ 、  $F'_f$ 、 $F'_m$ 和  $F'_m$ 大于或等于1,则表示发生相对应的损 伤模式。 $\alpha$  是反映剪应力对纤维拉伸准则贡献多少 的因子,参照文献[4],取值为1。

2.1.2 损伤演化准则

本文采用 ABAQUS 软件中自带的渐进折减刚 度的方法来模拟损伤的演化,该方法采用四个损伤 变量 d<sup>i</sup><sub>1</sub>、d<sup>e</sup><sub>n</sub>和 d<sup>e</sup><sub>m</sub>分别表征 2.1.1 节中纤维拉伸、 纤维压缩、基体拉伸和基体压缩破坏这四种失效模 式。当应力满足失效准则时,按照式(5)~式(12) 对刚度矩阵进行渐进退化:

$$\begin{cases} \sigma_{11} \\ \sigma_{22} \\ \sigma_{12} \end{cases} = \begin{bmatrix} (1 - d_f) Q_{11} & \alpha Q_{12} & 0 \\ \alpha Q_{21} & (1 - d_m) Q_{22} & 0 \\ 0 & 0 & \alpha Q_{66} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varepsilon_{11} \\ \varepsilon_{22} \\ \varepsilon_{12} \end{bmatrix} (5)$$

式中:

$$d_f = \begin{cases} d_f^i, \sigma_{11} \ge 0\\ d_f^e, \sigma_{11} < 0 \end{cases}$$

$$\tag{6}$$

$$d_m = \begin{cases} d_m^t, \sigma_{22} \ge 0\\ d_m^c, \sigma_{22} < 0 \end{cases}$$
(7)

$$Q_{22} = \frac{E_{22}}{1 - \alpha v_{12} v_{21}} \tag{8}$$

$$Q_{66} = G_{12} \tag{9}$$

$$\alpha = (1 - d_f) (1 - d_m)$$
 (10)

$$Q_{11} = \frac{E_{11}}{1 - \alpha v_{12} v_{21}} \tag{11}$$

$$Q_{12} = \frac{v_{12}E_{22}}{1 - \alpha v_{12}v_{21}} \tag{12}$$

2.1.3 层间损伤

层间损伤也可称为分层损伤,复合材料圆角区 在载荷作用下层与层之间容易出现分层损伤,通常 引入 cohesive 单元来预测分层损伤的起始与扩展。 其中,平方名义应力准则可用来预测分层的起始,如 果名义应力比的平方和等于1,则表示分层开始发 生。而 BK 开裂准则用于预测分层的扩展。具体见 式(13)。

平方名义应力准则[5]:

$$\left(\frac{\langle t_n \rangle}{t_n^o}\right)^2 + \left(\frac{t_s}{t_s^o}\right)^2 + \left(\frac{t_t}{t_t^o}\right)^2 = 1$$
(13)

式中, $t_n$ 、 $t_s$ 、 $t_t$ 分别表示界面层的应力分量, $t_n^{\circ}$ 、  $t_s^{\circ}$ 、 $t_t^{\circ}$ 则是相应的临界界面强度。符号〈〉是 Macaulay bracket 算子,定义见式(14)。

$$\langle t_n \rangle = \begin{cases} t_n, t_n > 0\\ 0, t_n \leq 0 \end{cases}$$
(14)

BK 开裂准则<sup>[5]</sup>:

$$G_{c} = G_{IC} + (G_{IIC} - G_{IC}) \left\{ \frac{G_{II} + G_{II}}{G_{I} + G_{II} + G_{III}} \right\}^{\eta} (15)$$

式中, G<sub>IC</sub>、G<sub>IIC</sub>为临界能量释放率, η为与材料 有关的系数, 本文取 1.45。

#### 2.2 有限元建模

试验件为复合材料层压板结构,其材料性能参数见表3。每层均采用一层连续壳单元 SC8R 进行模拟,层间的胶层则采用零厚度的 cohesive 单元 COH3D8 进行模拟,其性能参数见表4。

	表 3	复合材料性能参	ѷ数			
名称	数值	名称		数值		
$E_{11}$	58 GPa	$X_T$		692. 5 MPa		
$E_{22}$	56 GPa	$X_{c}$		676. 3 MPa		
$G_{12}$	3.66 GPa	$Y_T$		711.9 MPa		
$G_{13}$	3.66 GPa	$Y_{C}$		663. 6 MPa		
$G_{23}$	2.44 GPa	剪切强度 S	5	124 MPa		
$v_{12}$	0.042	ρ		1 440 kg/m <sup>3</sup>		
表 4 Cohesive 单元性能参数						
名称		数值	名称	数值		
$K_{nn} = K_{ss} = K_u - 1\ 000\ 000\ \text{N/mm}^3$			$G_{IC}$	0.357 N/mm		
法向界	面强度 $t_n^o$	9.32 MPa	$G_{\Pi C}$	1.0 N/mm		
切向界面强度 $t_s^\circ = t_t^\circ$ 24.01 MPa $\rho$ 1 214 kg						

有限元模型如图 5 所示,在该模型中,箭头所在 部位为 Y 向位移加载,下端约束部位约束 X、Y、Z 三 个方向的平移自由度,圆角区细节见图 6。



图 5 有限元模型



图6 圆角区细节

为避免在计算过程中出现收敛问题,本文对有 限元模型采用非线性显示分析。

## 3 结果讨论与分析

通过对复合材料层压板圆角区在剪切与弯曲复 合载荷作用下的失效过程进行有限元仿真,由图 7 和图 8 可知,构型 A 和构型 B 的圆角区靠近弯角内 侧率先出现分层损伤,主要分层集中在第 5 层(内 侧为第 1 层)和第 6 层之间,此时损伤区域小且并未 导致试验件承载能力下降,继续加载,这种分层损伤 沿着切向扩展,当胶接面 SDEG 正好达到 1 时,表明 分层损伤开始进入稳定的扩展阶段,继续加载,分层 迅速扩展,此时结构失去承载能力,这是复合材料结 构典型的破坏特征。



图 8 构型 B 分层损伤(SDEG 正好达到 1)

+2.330e-01 +1.632e-01

图 9 为构型 A 和构型 B 的载荷-位移曲线,构型 A 的破坏载荷为 1 866 N,而试验结果为 2 167 N,误差率为 13.9%。构型 B 的破坏载荷为 2 185 N,试验结果为 2 261 N,误差率为 3.4%,由此可知,构型 A 的有限元仿真结果误差较大,而构型 B 的则吻合很好,并且有限元仿真结果与试验结果相比均偏保守,有利于工程应用。之所以构型 A 的有限元仿真结果误差较大,原因在于构型 A 的厚度薄,受载



时变形大,力臂减小,导致圆角区实际承担的力矩比 分析时的力矩小,最终试验值比分析值高。而构型 B较厚,变形小,分析结果则更精确。

# 4 结论

本文基于试验与有限元分析方法对复合材料层 压板圆角区在面外载荷作用下的失效过程进行研 究,得到的结论具体如下:

1) 试验得到的主要破坏模式为圆角区的分层

破坏,与仿真得到的一致;

2) 采用 cohesive 单元能较好地模拟圆角区分 层损伤的起始与扩展过程,仿真得到的结构承载能 力与试验结果吻合较好,并且偏保守,有利于工程应 用。

#### 参考文献:

[1] LEKHNITSKII S G. Anisotropic plates [M]. New York: Gordon and Breach Science Publishers, 1968: 95-101.

[2] 侯瑞. 复合材料圆角面外受载解析计算初探[J]. 航空 科学技术,2016,27(3):27-32.

[3]黄豪杰,张俊琪,刘龙权,等. 受载复合材料角片弯角区 域应力分布特征分析[J]. 上海交通大学学报,2014,48(8): 1116-1121.

[4] HASHIN Z. Failure criteria for unidirectional fiber composites[J]. Journal of Applied Mechanics, 1980, 47: 329-334.

[5]Abaqus, Inc. Abaqus analysis user's manual [EB/OL]. (2011)[2017-10-17]. www.simulia.com.

#### 作者简介

**陈亚军** 男,硕士,工程师。主要研究方向:民用飞机复合材 料结构强度设计。E-mail: chenyajun@ comac. cc